

**BILANGAN KROMATIK GRACEFUL GANJIL PADA GRAF HASIL  
KALI CARTESIUS  $C_m \times G$**

**Oleh**

**Kadek Ria Andriani, NIM 2013101021**

**Jurusan Matematika**

**ABSTRAK**

Graf merupakan himpunan titik dan himpunan sisi, atau graf  $G$  adalah pasangan dari  $(V(G), E(G))$ . Pewarnaan graf merupakan pemberian warna-warna pada setiap unsur graf, setiap unsur yang bertetangga memiliki warna yang berbeda. Bilangan kromatik ( $\chi(G)$ ) adalah bilangan paling kecil atau minimum yang diperlukan untuk mewarnai setiap titik pada graf. Pewarnaan *graceful-k* pada graf tak kosong  $G = (V, E)$  adalah pewarnaan titik  $f: V(G) \rightarrow \{1, 2, \dots, k\}$ ,  $k \geq 2$  yang menginduksi pewarnaan sisi  $f^*: E(G) \rightarrow \{1, 2, \dots, k-1\}$  didefinisikan dengan  $f^*(uv) = |f(u) - f(v)|$ . Pewarnaan *graceful* yang dapat menginduksi warna sisi bilangan ganjil disebut dengan pewarnaan *graceful* ganjil. Bilangan kromatik pewarnaan *graceful* ganjil suatu graf  $G$  dinyatakan dengan  $\chi_{og}(G) = k$ . Dalam kasus ini, dilakukan penelitian bilangan kromatik *graceful* ganjil pada graf  $C_m \times G$ , dengan graf  $G$  yang diteliti yaitu graf  $C_n$ .

Kata-kata Kunci : pewarnaan *graceful* ganjil, bilangan kromatik *graceful* ganjil, hasil kali cartesius, graf  $C_m \times C_n$ .

**ODD GRACEFUL CHROMATIC NUMBER OF THE CARTESIAN  
PRODUCT GRAPH  $C_m \times G$**

*By*

**Kadek Ria Andriani, NIM 2013101021**

*Mathematics*

**ABSTRACT**

A graph is a set of points and edges, or a graph  $G$  is a pair of  $(V(G), E(G))$ . Graph coloring is an assignment of colors to each element of the graph, where adjacent elements have different colors. The chromatic number ( $\chi(G)$ ) is the smallest or minimum number required to color each point in the graph. Graceful- $k$  coloring on a non-empty graph  $G = (V, E)$  is a vertex coloring  $f: V(G) \rightarrow \{1, 2, \dots, k\}$ ,  $k \geq 2$  inducing an edge coloring  $f^*: E(G) \rightarrow \{1, 2, \dots, k - 1\}$  defined by  $f^*(uv) = |f(u) - f(v)|$ . Graceful coloring that can induce odd edge colors is called odd graceful coloring. The chromatic number of odd graceful coloring of a graph  $G$  is denoted by  $\chi_{og}(G) = k$ . In this case, we will research the odd graceful chromatic number of the Cartesian product of cycles  $C_m \times G$ , with the graph  $G$  being studied, which is the graph  $C_n$ .

Keywords : *odd graceful coloring, odd graceful chromatic number, Cartesian product, graph  $C_m \times C_n$*