

**PEWARNAAN SISI TOTAL SUPER ANTI AJAIB LOKAL  
PADA GRAF HEDGEROW  $H_r(m, n, i, j)$**



**PROGRAM STUDI S1 PENDIDIKAN MATEMATIKA  
JURUSAN MATEMATIKA  
FAKULTAS MATEMATIKA DAN ILMU PENGETAHUAN ALAM  
UNIVERSITAS PENDIDIKAN GANESHA  
SINGARAJA  
2020**

**PEWARNAAN SISI TOTAL SUPER ANTI AJAIB LOKAL PADA GRAF HEDGEROW**

**$Hr(m, n, i, j)$**

**SKRIPSI**

**Diajukan kepada**

**Universitas Pendidikan Ganesha**

**Untuk Memenuhi Salah Satu Persyaratan dalam Menyelesaikan Program Sarjana**

**Pendidikan Matematika**



**PROGRAM STUDI S1 PENDIDIKAN MATEMATIKA**

**JURUSAN MATEMATIKA**

**FAKULTAS MATEMATIKA DAN ILMU PENGETAHUAN ALAM**

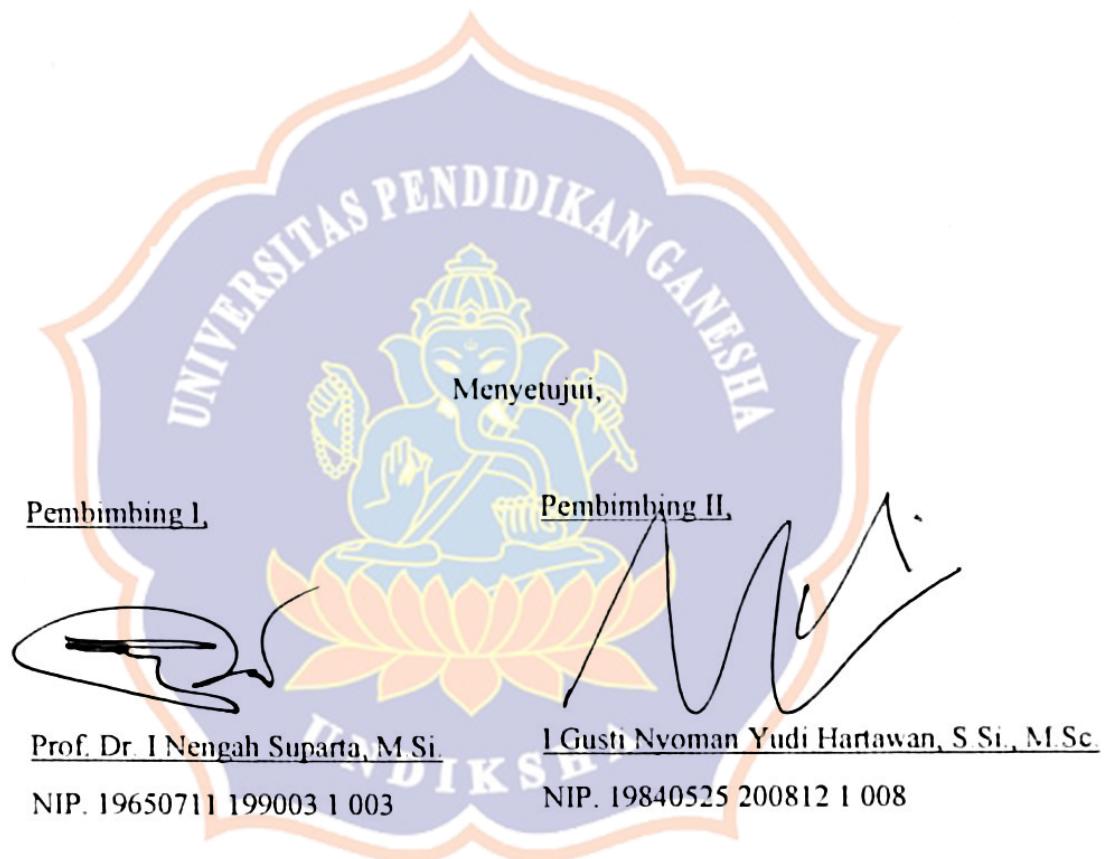
**UNIVERSITAS PENDIDIKAN GANESHA**

**SINGARAJA**

**2020**

**SKRIPSI**

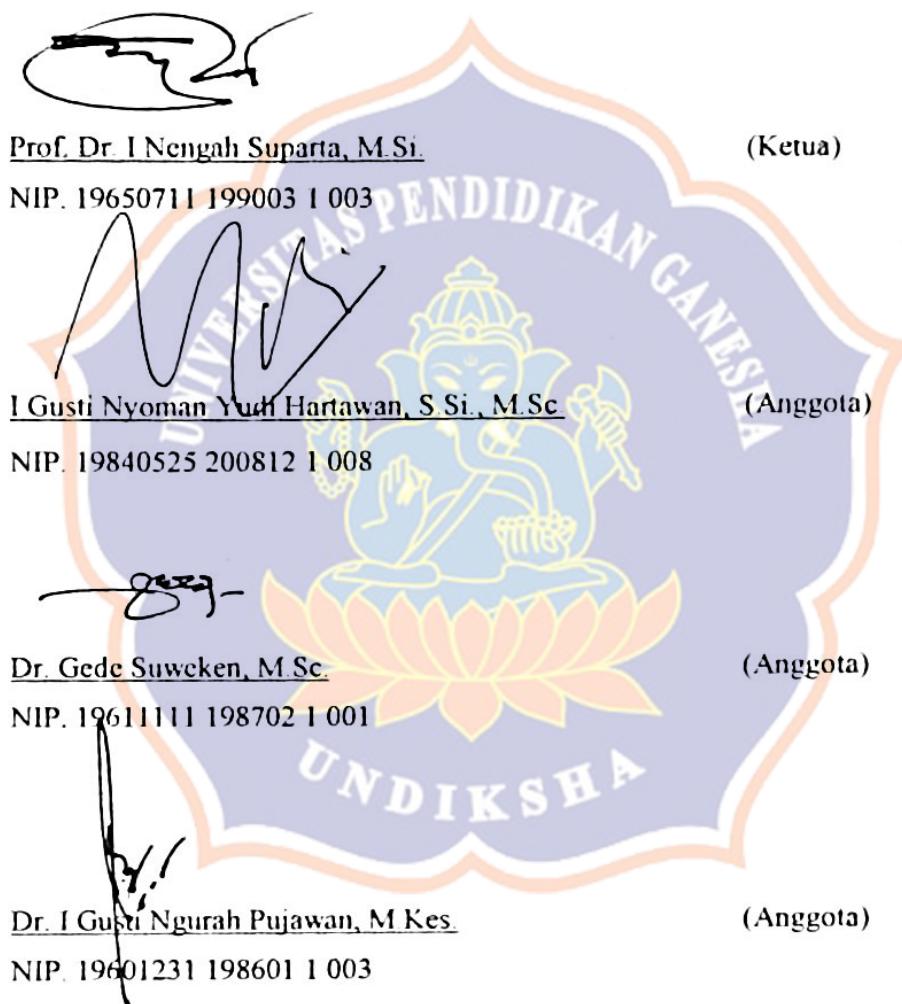
**DIAJUKAN UNTUK MELENGKAPITUGAS  
DAN MEMENUHI SYARAT-SYARAT UNTUK MENCAPI  
GELAR SARJANA PENDIDIKAN**



## **LEMBAR PERSETUJUAN PENGUJI**

Skripsi oleh Kadek Anita Yunia Pratiwi ini  
Telah dipertahankan di depan dewan pengaji  
Pada tanggal 12 November 2020

## Dewan Penguji,



## LEMBAR PERSETUJUAN DAN PENGESAHAN

Diterima oleh Panitia Ujian Fakultas Matematika dan Ilmu Pengetahuan Alam  
Universitas Pendidikan Ganesha  
Guna memenuhi syarat-syarat untuk mencapai gelar Sarjana Pendidikan

Pada:

Hari : Kamis

Tanggal : 12 November 2020

Ketua Ujian,

Dr. Wayan Sukra Wimpala, S.Pd, M.Sc.

NIP. 19671013 199403 1 001

Sekretaris Ujian,

I Putu Pasek Suryawan, S.Pd, M.Pd

NIP. 198806 17201404 1 001

Mengesahkan

Dekan Fakultas Matematika dan Ilmu Pengetahuan Alam

Prof. Dr. I Nengah Suparta, M.Si.

NIP. 19650711 199003 1 003

## PERNYATAAN

Dengan ini saya menyatakan bahwa skripsi yang berjudul "**Pewarnaan Sisi Total Super Anti Ajaib Lokal Pada Graf Hedgerow  $Hr(m, n, i, j)$** " beserta seluruh isinya adalah benar – benar karya sendiri dan saya tidak melakukan penjiplakan dan pengutipan dengan cara – cara yang tidak sesuai dengan etika yang berlaku dalam masyarakat keilmuan. Atas pernyataan ini, saya siap menanggung sanksi yang dijatuhkan kepada saya apabila kemudian ditemukan pelanggaran atas etika keilmuan dalam karya saya ini atau ada klaim terhadap keaslian karya saya ini.



## KATA PENGANTAR

### “Om Swastyastu”

Puji syukur penulis panjatkan kehadapan Ida Sang Hyang Widhi Wasa, Tuhan Yang Maha Esa, karena berkat karunia-Nya penulis dapat menyelesaikan skripsi yang berjudul “**Pewarnaan Sisi Total Super Anti Ajaib Lokal Pada Graf Hedgerow  $Hr(m, n, i, j)$** ” tepat pada waktunya.

Skripsi ini disusun dalam rangka memenuhi salah satu syarat dalam menyelesaikan studi untuk memperoleh gelar Sarjana Pendidikan dari Universitas Pendidikan Ganesha. Dalam penyusunan skripsi ini, penulis mendapat banyak bantuan, masukan, bimbingan dan dukungan dari berbagai pihak. Untuk itu, melalui kesempatan ini penulis menyampaikan terimakasih yang sebesar-besarnya kepada:

1. Bapak Prof. Dr. I Nengah Suparta, M.Si., selaku pembimbing I dan pembimbing akademik yang telah memberikan pengetahuan, pengalaman penuh dengan kesabaran, keantusiasan, dan tidak pernah bosan untuk meluangkan waktu di tengah-tengah kesibukan beliau dalam memberikan bimbingan, arahan, semangat, motivasi, petunjuk, inspirasi, kritik, dan selaku pembimbing akademik yang senantiasa membaskan hati penulis dengan memberikan bimbingan dan dorongan kepada penulis selama menjalani studi di Jurusan Matematika hingga terselesaiannya skripsi ini.
2. Bapak I Gusti Nyoman Yudi Hartawan, S.Si., M.Sc., selaku pembimbing II yang telah berusaha keras, penuh kesabaran, kecermatan, ketelitian, dan tidak pernah bosan untuk meluangkan waktu di tengah-tengah kesibukan beliau untuk memberikan bimbingan, motivasi, arahan, petunjuk, saran dan kritik kepada penulis semenjak awal penyusunan hingga terselesaiannya skripsi ini.
3. Bapak dan Ibu dosen di lingkungan Jurusan Pendidikan Matematika yang telah banyak memberikan bantuan serta motivasi dalam penyusunan skripsi ini.
4. Bapak, Ibu, dan keluarga penulis atas segala dorongan dan dukungan baik materiil maupun moril demi keberhasilan studi penulis, yang selalu

memberikan semangat, perhatian, motivasi, dan keceriaan hingga terselesaikannya skripsi ini.

5. Rekan-rekan mahasiswa Jurusan Pendidikan Matematika, khususnya di kelas “Commutative”, yang secara langsung dan tidak langsung telah membantu penulis dalam penyusunan skripsi ini.
6. Semua pihak yang telah membantu secara langsung maupun tidak langsung dalam penyusunan skripsi ini yang tidak dapat penulis sebutkan satu-persatu.

Jika dalam penyampaian penulis terdapat hal yang kurang berkenan dalam skripsi ini, penulis mohon maaf yang sedalam-dalamnya. Dengan segala kerendahan hati penulis menyadari bahwa skripsi ini masih jauh dari kesempurnaan. Oleh karena itu, penulis tetap mengharapkan kritik dan saran dari pembaca yang sifatnya membangun demi kesempurnaan skripsi ini. Penulis berharap semoga hasil penelitian ini dapat bermanfaat bagi dunia pendidikan khususnya dalam bidang matematika dan ilmu pengetahuan pada umumnya.

**“Om Santih, Santih, Santih Om”**

Singaraja, November 2020

Penulis

## DAFTAR ISI

<b>KATA PENGANTAR .....</b>	i
<b>DAFTAR ISI .....</b>	iii
<b>DAFTAR TABEL .....</b>	v
<b>DAFTAR GAMBAR.....</b>	vi
<b>DAFTAR ISTILAH .....</b>	vii
<b>ABSTRAK.....</b>	viii
<b>BAB I PENDAHULUAN</b>	
1.1    Latar Belakang .....	1
1.2    Rumusan Masalah .....	4
1.3    Tujuan Penulisan .....	4
1.4    Manfaat Penulisan .....	4
1.4.1    Manfaat Teoritis .....	4
1.4.2    Manfaat Praktis .....	5
<b>BAB II KAJIAN TEORI</b>	
2.1    Definisi dan Notasi Graf .....	6
2.2    Pelabelan .....	8
2.3    Pewarnaan .....	8
<b>BAB III METODE PENELITIAN</b>	
3.1 Metode Penelitian .....	10
3.2 Data Penelitian .....	10
3.3 Rancangan Penelitian.....	10
<b>BAB IV PEMBAHASAN</b>	
4.1    Pewarnaan Sisi Graf <i>Hedgerow Hr(m, n, i, j)</i> .....	13
4.1.1    Pewarnaan Sisi Total Super Anti Ajaib Lokal pada Graf <i>Hedgerow Hr(m, n, i, j)</i> untuk $n$ genap dengan $i \neq j$ dan $i = n - j + 1$ .....	14
4.1.2    Pewarnaan Sisi Total Super Anti Ajaib Lokal pada Graf <i>Hedgerow Hr(m, n, i, j)</i> untuk $n$ ganjil dengan $i \neq j$ dan $i \neq n - j + 1$ .....	18
4.1.3    Pewarnaan Sisi Total Super Anti Ajaib Lokal pada Graf <i>Hedgerow Hr(m, n, i, j)</i> untuk $m$ ganjil.....	23
<b>BAB V PENUTUP</b>	
5.1    Simpulan .....	33

**5.2 Saran .....** ..... 33

**DAFTAR PUSTAKA**



## **DAFTAR TABEL**

<b>Tabel 1. Pembuktian Sisi-Sisi Bertetangga pada Teorema 1.....</b>	<b>16</b>
<b>Tabel 2. Pembuktian Sisi-Sisi Bertetangga pada Teorema 2.....</b>	<b>21</b>
<b>Tabel 3. Pembuktian Sisi-Sisi Bertetangga pada Teorema 3.....</b>	<b>26</b>
<b>Tabel 4. Pembuktian Sisi-Sisi Bertetangga pada Teorema 4.....</b>	<b>31</b>



## DAFTAR GAMBAR

Gambar 2.1 Graf Lintasan .....	7
Gambar 2.2 (a) Graf $Hr(3, 3, 1, 2)$ ,(b) Graf $Hr(4, 4, 3, 3)$ .....	8
Gambar 4.1 Graf $Hr(m, n, i, j)$ dengan notasi titik dan sisi.....	14
Gambar 4.2 Pewarnaan Sisi Total Super Anti Ajaib Lokal pada graf $Hr(4, 4, 1, 4)$ .....	17
Gambar 4.3 Graf $Hr(m, n, i, j)$ dengan notasi titik dan sisi .....	18
Gambar 4.4 Pewarnaan Sisi Total Super Anti Ajaib Lokal pada graf $Hr(4, 3, 2, 3)$ .....	22
Gambar 4.5 Graf $Hr(m, n, i, j)$ dimana $i = j$ dengan notasi titik dan sisi .....	23
Gambar 4.6 Pewarnaan Sisi Total Super Anti Ajaib Lokal pada graf $Hr(5, 4, 4, 4)$ .....	27
Gambar 4.7 Graf $Hr(m, n, i, j)$ dimana $i \neq j$ dengan notasi titik dan sisi.....	28
Gambar 4.8 Pewarnaan Sisi Total Super Anti Ajaib Lokal pada graf $Hr(5, 4, 1, 3)$ .....	31



## DAFTAR ISTILAH

<b>Derajat Titik</b>	Jumlah dari sisi yang terkait terhadapnya.
<b>Bilangan Kromatik</b>	Jumlah warna minimum yang diperlukan untuk mewarnai suatu graf $G$ .
$\gamma_{\text{lea}}(G)$	<b>Bilangan kromatik dari pewarnaan sisi anti ajaib lokal.</b>
$\gamma_{\text{leat}}(G)$	<b>Bilangan kromatik dari pewarnaan sisi total anti ajaib lokal.</b>
$\gamma_{\text{Sleat}}(G)$	<b>Bilangan kromatik dari pewarnaan sisi total super anti ajaib lokal.</b>
<i>Loop</i>	Sisi yang memiliki titik awal dan titik akhir yang sama.
<i>Sisi paralel</i>	Sisi yang memiliki dua titik ujung yang sama.
<i>Order</i>	Banyaknya titik pada graf $G$ .
<i>Size</i>	Banyaknya sisi pada graf $G$ .

